

## Fyzikálny korešpondenčný seminár

5. ročník, 2011/2012

UFO, KTFDF FMFI UK, Mlynská dolina, 84248 Bratislava

e-mail: [otazky@fks.sk](mailto:otazky@fks.sk)      web: <http://ufo.fks.sk>

### Vzorové riešenia 2. kola zimnej časti 2011/2012

#### 2.1 Traktorista (opravovala Tatika)

Traktorista Filip sa po namáhavom dni chce dostať domov. Má na výber dve nasledovné cesty:

- (i) tristo dĺžok asfaltky, dvesto dĺžok poľa a sto dĺžok lesa;
- (ii) tristo dĺžok lesa.

Viete, že traktor ide po poli dvakrát rýchlejšie ako v lese a po asfaltke dokonca trikrát rýchlejšie ako v lese. Ktorú cestu si má zvoliť, aby bol doma čo najskôr?

Rýchlosť traktoristu v lese si označme  $v$ . Potom rýchlosť traktoristu na poli bude  $2v$  a po asfalte dokonca  $3v$ .

Jednotlivé časové úseky vypočítame pomocou známeho vzorca  $t = s/v$ , kde za dráhu  $s$  dosádzame počet dĺžok (jednotky nám netreba, rozmyslite si, prečo):

$$\begin{aligned} t_1 &= \frac{300}{3v} + \frac{200}{2v} + \frac{100}{v} = 3\frac{100}{v} = \frac{300}{v}, \\ t_2 &= \frac{300}{v}. \end{aligned}$$

V  $t_1$  sme v prvých dvoch členoch (cesta po asfalte a po poli) vykrátili čitateľ s menovateľom a ostalo iba  $100/v$ . Po scítaní teda dostaneme  $t_1 = 300/v$ . Vidíme, že  $t_1 = t_2$ , čiže traktorista by sa po oboch cestách dostał domov za rovnaký čas.

Na celý problém sa však možno pozrieť aj inou úvahou. Rozdeľme si druhú trasu na tri rovnako dlhé úseky, všetky dlhé sto dĺžok.

Zoberme si cestu po asfalte (prvý z troch úsekov) v prvom prípade. Tento úsek cesty je trikrát dlhší, ako prvý úsek z druhej trasy, no Filip tiež ide trojnásobne takou rýchlosťou. Preto by mu oba úseky (prvý z prvej trasy a prvý z druhej) trvali rovnako dlho.

Teraz prejdime na cestu po poli. Tá je dvakrát taká dlhá, ako druhý úsek druhej trasy, no Filip tentokrát ide dvakrát takou rýchlosťou. Obe možnosti sú teda rovanko dobré.

No a v treťom prípade je úplne jasné, že sú oba posledné úseky rovnako časovo náročné. Vidíme, že obe trasy zaberú rovnaký čas.

#### 2.2 Kyvadlo (opravovali Paťo a Marika, vzorák Sysel)

Experimentálne určte závislosť času kmitu závažia na šnúrke od dĺžky šnúrky. Merajte pre šnúrky s dĺžkami od 10cm po 100cm a namerané údaje zaznačte do grafu.

Každý experiment sa dá rozdeliť na časti opísané jednoduchými otázkami.

Seminár podporujú:



iuvventa



Dĺžka závesu [cm]	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100
Počet kmitov	50	30	30	25	20	20	20	15	15	15
Celkový čas [s]	32,5	27,4	33,4	32,1	28,7	31,5	33,9	27,3	28,8	30,2
Čas kmitu [s]	0,65	0,91	1,11	1,28	1,44	1,58	1,70	1,82	1,92	2,01

**Na čom merať?** Ak chceme merať kmity, potrebujeme kyvadlo. To nie je ľahké zostrojiť. Stačí jeden koniec šnúrky priviazať k malému ľahkému predmetu a druhý koniec k pevnému bodu dostatočne vysoko na to, aby to celé viselo. Treba poznamenať, že ten pevný bod musí byť naozaj pevný (to jest nesmie sa hýbať). Napríklad taký luster by sa kýval spolu s kyvadlom, a to by ovplyvnilo kvalitu merania.

**Čo merať?** Čo je to vlastne ten kmit? Vo fyzike je to časť kmitavého pohybu, pri ktorom predmet prejde všetkými polohami a vráti sa späť odkiaľ vyšiel, teda pri kyvadle prechod z maximálneho vychýlenia na druhú stranu a späť. (Prechod iba z jednej strany na druhú sa nazýva kyv.) Dĺžka kmitu, alebo *perióda*, je potom, čas za ktorý predmet tento kmit vykoná.

**Ako to merať?** Táto časť experimentu je najdôležitejšia. Môže sa to zdať trochu hlúpe, veď predsa hrať sa so stopkami dokáže každý!

Chytíme stopky, vychýlime kyvadlo a stopneme jeden kmit. Dostaneme nejaké malé číselko, napríklad 1,2 s. Potom ale príde zlý opravovateľ a pripomene, že bežný smrteľník má reakčný čas na očakávané udalosti okolo 0,2 s. Okrem toho sme nemuseli presne určiť, kedy je kyvadlo vychýlené najviac, a teda tu môže vzniknúť druhý posun o ďalších 0,2 s. Spolu tak vzniká chyba až o 0,4 s, čo je jedna tretina nameranej hodnoty.

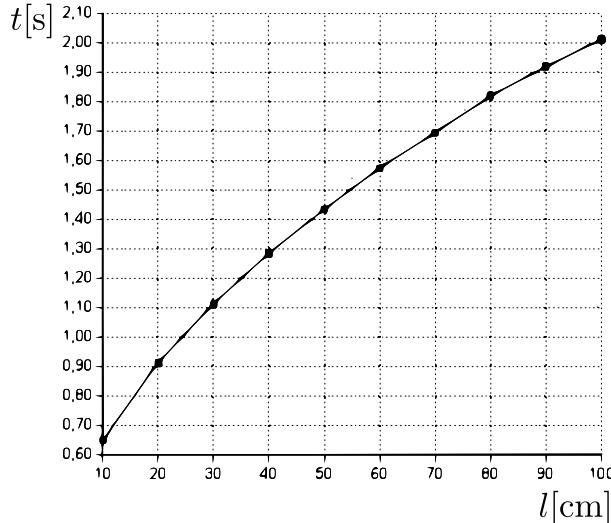
To veru nie je presné! Vyriešiť to môžeme tak, že zmeriame viac kmitov po sebe a výsledný čas predelíme počtom kmitov. Naša chyba 0,4 s sa potom rozdelí medzi jednotlivé kmity, a tak bude menšia. Obyčajne sa meria desať kmitov, ja som meral pre každú dĺžku taký počet kmitov, aby to dokopy trvalo okolo 30 s, čím som dosiahol chybu okolo 1,3 % periódy.

Teraz sa však treba spýtať, či dĺžka kmitu nezávisí od maximálneho vychýlenia kyvadla. To by totiž mohlo moju meraciu metódu spochybniť, keďže vplyvom trenia sa maximálne vychýlenie znižovalo. Experimentálne možno overiť, že nezávisí (pre rozumne malé vychýlenia, napríklad do 5 stupňov).

Ak ste to zistili alebo tušili, možno ste nedbali, či pre každú dĺžku máte rovnaký počiatočný uhol vychýlenia. Výsledok to sice neovplyvnilo, ale zo všeobecného hľadiska je to chyba, pretože ak raz meriame závislosť dĺžky kmitu od dĺžky závesu (šnúrky), ostatné podmienky by sa nemali meniť. V iných experimentoch by sa Vám to mohlo stať osudným.

Poslednou vecou, ktorú bolo treba odmerať, je dĺžka závesu. Tá sa meria od miesta, kde je šnúrka k pevnému bodu pripojená po úroveň ľažiska zaveseného predmetu.

**Čo s tým, ked' to mám namerané?** Predeliť časy počtom kmitov, spísať to do tabuľky a zostrojiť graf.



Obr. 1: Závislosť času kmitu od dĺžky závesu

### 2.3 Kruh (opravoval Hellboy, vzorák MaťoCh)

Predstavte si plechové medzikružie ako na obrázku. Čo sa stane s vnútorným kruhom, keď celý plech zahrejeme? Zväčší sa, zmenší sa, alebo zostane rovnaký? Svoju odpoveď poriadne zdôvodnite.

Pri zahriatí sa všetky rozmery predmetu natiahnu  $k$ krát ( $k > 1$ , keďže kruh sa zväčšuje). To znamená, že vzdialenosť ľubovoľných dvoch bodov sa zväčší *knásobne*. Alebo, inými slovami, roztahnutím dostávame útvar podobný s pôvodným s koeficientom podobnosti  $k$ . To znamená, že nielenže celý kruh je väčší, ale dokonca aj diera v ňom.

Prečo je to práve tak? Tu je dobré zamyslieť sa nad tým, ako taký plech (ale vlastne aj hocjaká iná podobná pevná látka) vlastne funguje. Za týmto účelom si plech predstavíme ako veľa bodov-atómov pričom každý sa drží so susednými pomocou akýchsi paličiek-väzieb, ktoré pri izbovej teplote majú istú dĺžku.

Takýto model hmoty, čo ako triviálny, je dobrý na kopec vecí – od numerických simulácií až po nasledujúcu úvahu: Čo ak si všetky väzby-paličky v istom okamihu povedia, že by rady boli  $k$ krát dlhšie? Túto požiadavku im vie zabezpečiť útvar, ktorý je presne podobný s pôvodným útvarom s koeficientom podobnosti  $k$ . A ako to bude s naším kruhom? Všetky rozmery kruhu sa zväčšia  $k$ krát. Konkrétnie aj rozmery jeho vnútorného okraja, čiže rozmery diery, sa zväčšia  $k$ krát.

Takže diera sa zväčší. Tiež môžeme použiť názornú predstavu s bodmi a paličkami: keby sa diera v kruhu chcela zmrštiť, tyčky spájajúce body na jej obvode by sa nielenže nenatiahli, ale boli by ešte kratšie, ako pri izbovej teplote.

### 2.4 P'Olíkova plavba II (opravovala Janka, vzorák Andrej)

Polik sa opäť vybral na plavbu okolo sveta. Tentokrát si zvolil plavidlo tvaru hranola, ktorý má ako podstavu pravouhlý trojuholník. Náčrt plavidla môžete vidieť na obrázku. Keď Polik nastúpil do lodi, ponor bol 0,8 metra. Keď k nemu pristúpila Bum, ponor sa zvýšil na jeden celý meter. Ak viete, že Polik váži 80 kíl, dokážete určiť Buminu hmotnosť?

Na čln pôsobia dve sily, tiažová a vztlaková:

$$F_t = mg, \quad F_v = \rho_0 V g,$$



Platí samozrejme rovnováha týchto síl, keďže čln sa vo vertikálnom smere nehýbe, preto

$$m = \rho_0 V,$$

Do Polikovej hmotnosti zarátame aj hmotnosť člnu (alebo ju zanedbáme).<sup>1</sup>

Ako vyjadriť ponorený objem?<sup>2</sup> Člnok sa nebude nakláňať, takže hĺbka ponoru bude kolmá na hladinu vody. Ponorený objem je obsah ponorennej prednej steny krát šírka člna  $d$  (jeho tretí rozmer, ktorý na obrázku nevidno). Obsah prednej steny je pravouhlý trojuholník s výškou  $h_1$  rovnajúcou sa ponoru 0,8 metra, teda objem je

$$V = h_1^2 d,$$

Zistili sme teda, že druhá mocnina ponoru je úmerná tiaži,  $m \propto h_1^2$ . (Dĺžka člnu a hustota vody sú konštanty). Takže platí

$$\frac{h_2^2}{h_1^2} = \frac{m_{\text{Poli}} + m_{\text{Bum}}}{m_{\text{Poli}}},$$

Tým pádom dokážeme vyjadriť Buminu hmotnosť:

$$m_{\text{Bum}} = m_{\text{Poli}} \left( \frac{h_2^2}{h_1^2} - 1 \right) = 80 \times \left( \frac{1^2}{0,8^2} - 1 \right) = 45 \text{ kg.}$$

---

<sup>1</sup>Toto v zadaní nebolo jasne napísané, za čo sa ospravedlňujeme. Bez tohto predpokladu by sa však úloha nedala spočítať.

<sup>2</sup>Kto by nevedel prečo, nech pozrie <http://bit.ly/yCVEPs> vzoráky z tretej letnej sérii 2011



## Výsledková listina po 2. kole zimnej časti 2011/2012

	Meno	Škola	1	2	3	4	♡	$\Sigma_2$	$\Sigma$
1	Martin Kotian	ZŠ Moravany	9	9	9	9	0	36,00	72,00
2	Monika Valiková	EvGymJAK	8	9	7	9	1,49	34,49	67,82
3	Viktória Jančarová	ZŠ Mierová	9	9	6	9	0,79	33,79	66,81
4	Michal Holeček	Mladá Hora	9	8	9	9	0,53	35,53	65,43
5	Jakub Francan	EvGymJAK	9	9	0	9	3,65	30,65	64,57
6	Tereza Grunwaldská	SŠDT	9	5	4	9	0	27,00	60,00
7	Ondrej Bilý	ZŠ Kudlovská	9	8	7	9	0	33,00	58,00
8	Ján Mitník	ZŠ Čečejovce	9	6	5	5	2,2	27,20	57,82
9	Barbora Sopoličová	EZŠMT	9	7	6	2	4,32	28,32	57,45
10	Veronika Poláková	Zs NSUT	9	6	2	9	2,08	28,08	55,28
11	Diana Kovalčinová	G Alejová	7	5	8	7	0	27,00	54,00
11	Kristína Doubková	Gym Met	6	5	8	8	0	27,00	54,00
13	Natália Tóthová	ZŠ Krošnianska	7	6	7		4,8	24,80	53,93
14	Adam Bavorlár	Zs NSUT	8	7	2	1	4,86	22,86	53,51
15	Dominik Jenča	Gamča	7	9	2		4,86	22,86	52,76
16	Kristína Horňáková	ZŠ Močenok	9	9	7	1	2,08	28,08	52,54
17	Ivana Plojigová	ZŠ SNP Šurany	9		2	8	4,85	23,85	52,17
18	Agnesa Laubertová	ZŠ Bakossa	7	4	7	2	2,56	22,56	51,50
19	Veronika Gintnerová	ZŠ Námestie Mladosti	7	9	2	1	2,58	21,58	50,52
20	Jozef Lenhart	ZŠ Div	9	7	5	1	4,62	26,62	50,47
21	Jaroslava Kokavcová	ZŠ MRŠ	9	9	6	9	0	33,00	50,00
22	Ladislav Kašša	G MRŠ	9	4	1	6	0	20,00	49,00
23	Marek Golian	ZŠ Div	7	4	1	9	2,52	23,52	48,91
23	Kristína Malíkova	ZŠ Bučany	9	6	4	2	2,52	23,52	48,91
25	Jaromír Štefánik	ZŠ Vajanského	9	7	9	2	1,94	28,94	47,50
26	Nikola Pitkova	ZŠ Vikartovce	8	4	4	2	2,59	20,59	44,11
27	Hana Ondrišeková	ZŠ SNP Šurany	6	4	1	1	4,32	16,32	43,81
28	Tatiana Valková	ZŠaMŠ Mikušovce	9	9	2	2	0	22,00	43,00
28	Štefan Šteč	ZŠ L. Novomeského	9	5	2	9	0	25,00	43,00
30	Barbora Triščová	ZŠ s MŠ Jarovnice	6			9	2,52	17,52	42,91
31	Katarína Šebestová	ZŠ Vikartovce	9	3	0	2	4,62	18,62	42,47
32	Martin Majtán	ZŠ Holubyho	9	6	2	9	2,08	28,08	42,38
33	Matúš Trišč	ZŠaMŠ Jarovnice	9		9		2,59	20,59	42,17
34	Matúš Kaintz	ZŠ L. Novomeského	9	4	2	6	2,52	23,52	42,08
35	Martin Peško	ZŠ Motešice	9	7	4	2	0	22,00	42,00
36	Lukáš Burda	ZS Biel	6	3	5	2	4,8	20,80	41,60
37	Dominik Fedor	ZS Jaklovce	7	*	2	9	2,59	20,59	41,18
38	Miroslava Hoppejová	ZŠ Vikartovce	9	1	0	2	4,32	16,32	41,12
39	Katarína Ráčová	ZŠ Trebišovská	9	4	1	*	2,46	16,46	40,92
39	Dominik Janík	ZŠaMŠ Mikušovce	9	1	2	2	2,46	16,46	40,92
41	Michal Kraviansky	ZS Baj	6	1	7	2	0	16,00	39,00
42	Peter Daňko	ZŠ L. Novomeského	3		2	2	1,62	8,62	38,41
43	Natália Bulavová	ZŠ Vikartovce	7	3	1	2	4,49	17,49	37,22
44	Simona Saparová	ZS Bud	4	8	2	2	2,56	18,56	37,12
45	Michaela Mokrá	ZS Brezany	9	2	1	2	2,46	16,46	37,05
46	Laura Kudjaková	ZŠRAB	7		7	1	0	15,00	37,00
47	Michal Ponechal	CZŠ Ž. Bosniakovej	7	8	1	2	0	18,00	36,00
47	Adam Škrlec	ZŠ Ostredková	6	6	3	9	0	24,00	36,00
49	Miroslav Dendis	CZŠ Ž. Bosniakovej	4	1	3	1	3,65	12,65	35,51
50	Ivana Pekárová	ZŠ Brezany	9	2	4	1	2,56	18,56	35,02
51	Roman Vájčovec	CZŠ Ž. Bosniakovej	7	6	2	2	0	17,00	35,00
52	Petra Jakubková	ZŠaMŠ Mikušovce	6	1	2	2	2,2	13,20	33,79
53	Zuzana Šimonovičová	ZŠ Vikartovce	6	1	1	2	3,9	13,90	33,63
54	Tina Budzáková	G Metodova	8		2	3	0	13,00	33,00
55	Sára Hubinová	ZS Brezany	9	2	2	2	2,52	17,52	32,91
56	Kristína Bajnoková	ZŠ Vikartovce	6	3	1	2	2,3	14,30	32,86
56	Ján Makúch	ZŠ Dončova	8	4	2	2	2,56	18,56	32,86
58	Simona Mišíková	ZŠaMŠ Mikušovce	6		3	2	2,2	13,20	32,78
59	Juraj Zemiak	ZŠ Námestie Mladosti	2	1	1	1	1,24	6,24	32,54
60	Artom Shapovalov	ZŠ Holubyho					0	0,00	31,44
61	Katarína Košariščanová	GAR DK	9	2	2	2	0	15,00	31,00
61	Dária Čárska	Gym Met					0	0,00	31,00
63	Viktória Pavličková	ZŠ Vikartovce	6	1	0	2	3,65	12,65	30,14
64	Anton Krajčoviech	ZŠ stred	6	3	0	2	0	11,00	29,00



	Meno	Škola	1	2	3	4	♡	$\Sigma_2$	$\Sigma$
65	Ján Zauška	ZŠ Hriň					0	0,00	27,20
66	Andrej Kluka	G Coubertina	7	8	9	3	0	27,00	27,00
67	Milan Šamaj	ZŠ Klokočov	7	1		2	2,08	12,08	26,38
68	Ján Urdianyk	ZŠ Pribinova					0	0,00	26,00
68	Pavel Lapeš	G Metodova					0	0,00	26,00
70	Zuzana Kovúlová	ZŠ Sol	2	0	0	1	0	3,00	24,00
70	Tomáš Baňacký	ZŠ Pribinova					0	0,00	24,00
72	Mária Hladová	ZŠ Holčíkovce	2	*	1	1	1,02	5,02	21,48
73	Zuzana Matúšová	ZŠ Sol	2	0	0	0	0	2,00	21,00
73	Kristína Nagyová	Gym Met					0	0,00	21,00
73	Tomáš Velich	ZŠ Fándlyho, Pezinok					0	0,00	21,00
73	Lucia Marcineková	ZŠ Hriň					0	0,00	21,00
77	Andrej Jaroš	ZŠ Nemocničná					0	0,00	20,59
78	Jakub Driák	ZŠ Pribinova					0	0,00	20,00
79	Filip Vrtiak	G VPT					0	0,00	19,73
80	Martina Benetinová	ZŠ s MŠ Jarovnice					0	0,00	19,58
81	Daniel Ďurišín	ZŠ L. Novomeského					0	0,00	19,00
81	Jaroslav Širotník	ZŠ Pribinova					0	0,00	19,00
83	Natália Strakáčová	Gamča	9		2		0	11,00	18,00
83	Eva Escherová	ZŠ B.n.B.	7	5			0	12,00	18,00
83	Jozef Krajňák	ZŠ Slovinky					0	0,00	18,00
86	Patrícia Kotuláková	ZŠ Pribinova					0	0,00	17,00
87	Zuzana Medvedová	EZŠMT					0	0,00	16,46
88	Adam Hano	ZŠ Beňadická					0	0,00	16,32
89	Patrik Molnár	ZŠ Pribinova					0	0,00	16,00
89	Simona Slezáková	ZŠ Baj	2	7	0	2	0	11,00	16,00
91	Tomáš Gič	CSŠ Dolný Kubín	7		4	2	0	13,00	14,00
92	Daniela Kučerová	ZŠ Div					0	0,00	13,90
92	Kristína Mániková	ZŠ Div					0	0,00	13,90
94	Zuzana Frankovská	Gamča					0	0,00	13,00
94	Alena Čubiňáková	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	13,00
96	Tomáš Žembery	YSObyce					0	0,00	12,65
97	Dominik Humeník	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	12,08
97	Marianna Heřmánková	ZŠ Námestie Mladosti					0	0,00	12,08
97	Mária Bartková	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	12,08
97	Veronika Tabačková	ZŠ Námestie Mladosti					0	0,00	12,08
97	Petra Macháčová	ZŠ Div					0	0,00	12,08
102	Sofia Komlošová	ZŠ Krošnianska					0	0,00	10,05
103	Dominika Goffová	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	8,00
103	Romana Škutová	ZŠ Sol	2	0	0	1	0	3,00	8,00
105	Tomáš Mucha	ZŠ Karpatská					0	0,00	7,44
106	Patrik Fiľo	ZŠ Div					0	0,00	7,33
106	Samuel Krško	EZŠMT					0	0,00	7,33
108	Dominika Krivdová	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	7,00
109	Michal Bartko	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	5,00
109	Monika Mydlová	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	5,00
111	Daniel Zdechovan	ZŠ Div					0	0,00	4,49
112	Patrik Knap	ZŠ L. Novomeského					0	0,00	4,00
112	Michal Rózsa	ZŠ Ostredková					0	0,00	4,00
112	Iveta Štefanovičová	ZŠ Plavecký Štvrtok					0	0,00	4,00
115	Jakub Simonides	EZŠMT					0	0,00	3,02
116	Dávid Čunderlík	ZSJGT					0	0,00	3,00
117	Daniel Mucska	ZS Biel					0	0,00	2,00
118	Dominik Tupta	ZŠaMŠ Jarovnice					0	0,00	1,28
119	Jana Karasová	ZŠ Holčíkovce					0	0,00	1,00
120	Magdaléna Reháková	GFGL					0	0,00	0,00